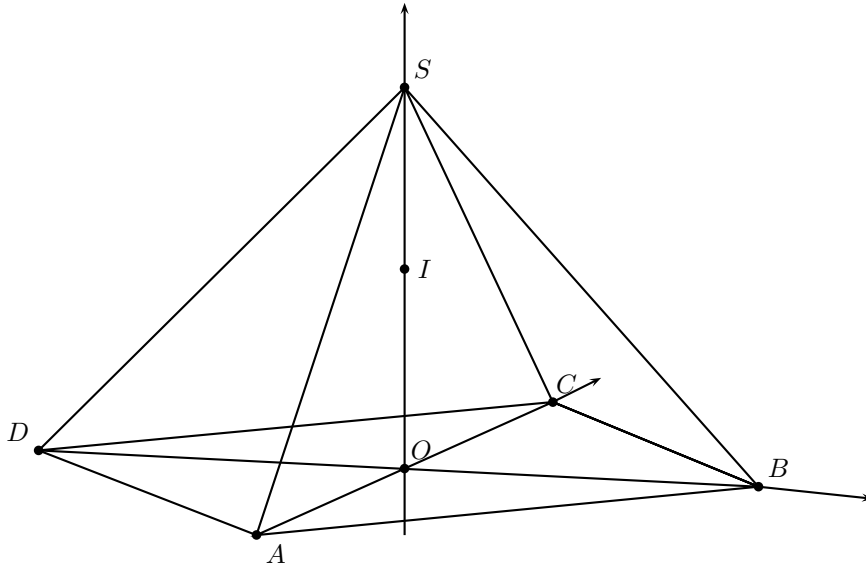


Rochambeau 2016. Enseignement spécifique

EXERCICE 4 (5 points) (Candidats n'ayant pas suivi l'enseignement de spécialité)

On considère la pyramide régulière $SABCD$ de sommet S constituée de la base carrée $ABCD$ et de triangles équilatéraux représentée ci-dessous.



Le point O est le centre de la base $ABCD$ avec $OB = 1$.

On rappelle que le segment $[SO]$ est la hauteur de la pyramide et que toutes les arêtes ont la même longueur.

1) Justifier que le repère $(O ; \vec{OB}, \vec{OC}, \vec{OS})$ est orthonormé.

Dans la suite de l'exercice, on se place dans le repère $(O ; \vec{OB}, \vec{OC}, \vec{OS})$.

2) On définit le point K par la relation $\vec{SK} = \frac{1}{3}\vec{SD}$ et on note I le milieu du segment $[SO]$.

a) Déterminer les coordonnées du point K .

b) En déduire que les points B , I et K sont alignés.

c) On note L le point d'intersection de l'arête $[SA]$ avec le plan (BCI) .
Justifier que les droites (AD) et (KL) sont parallèles.

d) Déterminer les coordonnées du point L .

3) On considère le vecteur $\vec{n} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ dans le repère $(O ; \vec{OB}, \vec{OC}, \vec{OS})$.

a) Montrer que \vec{n} est un vecteur normal au plan (BCI) .

b) Montrer que les vecteurs \vec{n} , \vec{AS} et \vec{DS} sont coplanaires.

c) Quelle est la position relative des plans (BCI) et (SAD) ?